

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1.  $5^{\sqrt{2}+1} \times \left(\frac{1}{5}\right)^{\sqrt{2}}$  의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{25}$     ②  $\frac{1}{5}$     ③ 1    ④ 5    ⑤ 25

2. 함수  $f(x) = x^2 - 4x + 2$  에 대하여  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(4+h) - f(4)}{h}$  의 값은? [2점]

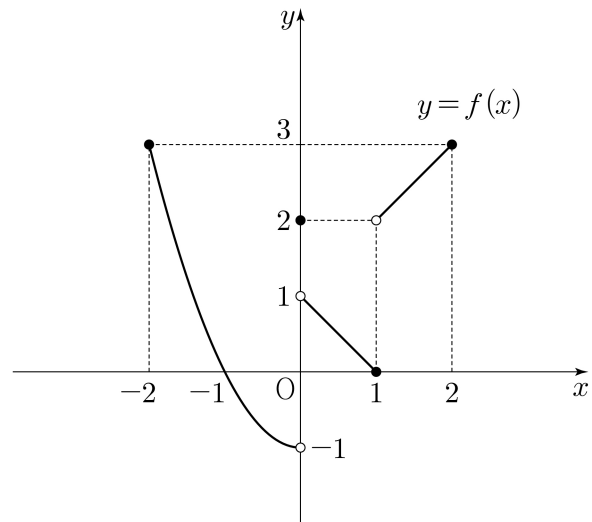
- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5

3. 수열  $\{a_n\}$  에 대하여  $\sum_{k=1}^6 (2a_k - 1) = 30$  일 때,  $\sum_{k=1}^6 a_k$  의 값은?

[3점]

- ① 2    ② 6    ③ 10    ④ 14    ⑤ 18

4. 닫힌구간  $[-2, 2]$  에서 정의된 함수  $y = f(x)$  의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$  의 값은? [3점]

- ① 1    ② 2    ③ 3    ④ 4    ⑤ 5

5. 함수  $f(x) = (x^2 + 2)(x^2 + x - 3)$ 에 대하여  $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

7. 곡선  $y = x^3 - 5x^2 + 6x$  위의 점  $(3, 0)$ 에서의 접선이 점  $(5, a)$ 를 지날 때,  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

6.  $\cos(\theta - \pi) = \frac{3}{5}$ 이고  $\tan\theta < 0$ 일 때,  $\sin\theta$ 의 값은? [3점]

- ①  $-\frac{4}{5}$       ②  $-\frac{3}{5}$       ③  $\frac{1}{5}$       ④  $\frac{3}{5}$       ⑤  $\frac{4}{5}$

8. 두 양수  $a, b$ 가

$$\log_{\sqrt{2}} a + \log_2 b = 2, \quad \log_2 a + \log_2 b^2 = 7$$

을 만족시킬 때,  $a \times b$ 의 값은? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 8      ④ 16      ⑤ 32

9. 다항함수  $f(x)$ 의 한 부정적분을  $F(x)$ 라 하고,

함수  $2f(x)+1$ 의 한 부정적분을  $G(x)$ 라 하자.

$G(3) = 2F(3)$ 일 때,  $G(5) - 2F(5)$ 의 값은? [4점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

10. 모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.

$$a_2 = 1, \quad \sum_{k=1}^6 (-1)^k S_k = 21$$

일 때,  $S_2 + S_7$ 의 값은? [4점]

- ① 61      ② 63      ③ 65      ④ 67      ⑤ 69

11. 시각  $t=0$ 일 때 원점에서 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P가 있다. 시각이  $t(t \geq 0)$ 일 때 점 P의 속도  $v(t)$ 가

$$v(t) = 3t^2 - 10t + 7$$

이다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

—<보 기>—

- ㄱ. 시각  $t=1$ 일 때 점 P의 운동 방향이 바뀐다.  
 ㄴ. 시각  $t=1$ 일 때 점 P의 위치는 3이다.  
 ㄷ. 시각  $t=0$ 에서  $t=2$ 까지 점 P가 움직인 거리는 4이다.

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

12. 상수  $a(a > 1)$ 과 양수  $t$ 에 대하여 곡선  $y = a^x$  과 두 직선  $x = t$ ,  $x = 2t$ 가 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 점 B에서  $x$ 축에 내린 수선의 발을 C라 하자.

$\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 삼각형 ACB의 넓이가 8일 때,  $a \times t$ 의 값은? [4점]

- ①  $2^{\frac{9}{4}}$                       ②  $2^{\frac{23}{8}}$                       ③  $2^{\frac{7}{2}}$   
 ④  $2^{\frac{33}{8}}$                       ⑤  $2^{\frac{19}{4}}$

13. 함수  $f(x) = x^2 + 6x + 12$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 정수  $k$ 의 개수는? [4점]

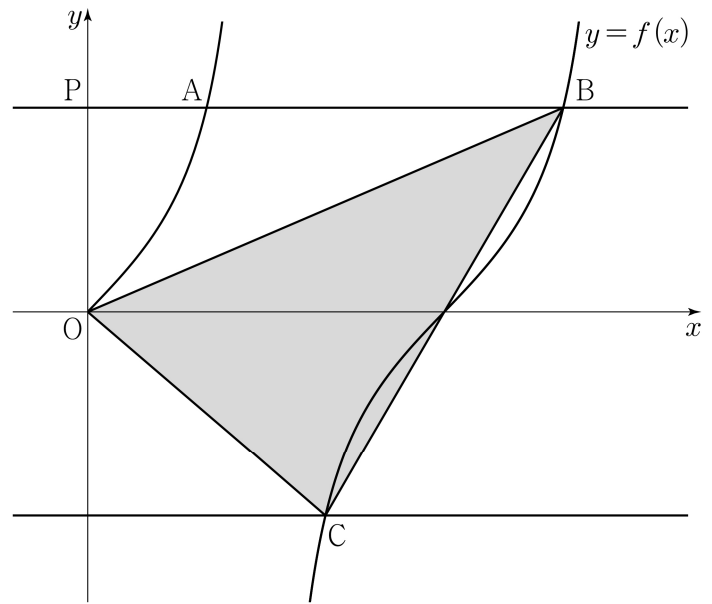
모든 실수  $a$ 에 대하여  
 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2}{(f(x))^2 - k(x+2)f(x)}$ 의 값이 존재한다.

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

14. 양수  $k$ 에 대하여 집합  $\left\{x \mid 0 \leq x < \frac{3k\pi}{2}, x \neq \frac{k\pi}{2}\right\}$ 에서

정의된 함수  $f(x) = \tan \frac{x}{k}$ 가 있다. 점  $P(0, p)$  ( $p > 0$ )을 지나며  $x$ 축에 평행한 직선이 함수  $y = f(x)$ 의 그래프와 만나는 두 점을  $A, B$  ( $\overline{PA} < \overline{PB}$ )라 하고, 직선  $y = -p$ 가 함수  $y = f(x)$ 의 그래프와 만나는 점을  $C$ 라 하자.  $\overline{AB} = 3\overline{PA}$ 이고 삼각형  $OCB$ 의 넓이가  $\frac{5\pi}{3}$ 일 때,  $k+p$ 의 값은? (단,  $O$ 는 원점이다.) [4점]

- ①  $\frac{4\sqrt{3}}{3}$       ②  $\frac{13\sqrt{3}}{9}$       ③  $\frac{14\sqrt{3}}{9}$   
 ④  $\frac{5\sqrt{3}}{3}$       ⑤  $\frac{16\sqrt{3}}{9}$



15. 최고차항의 계수가 양수이고  $f(0) = 0$ 인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \int_0^x (|f(t)| - |t|) dt$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 방정식  $g'(x) = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는 4이다.  
 (나) 함수  $g(x)$ 는  $x=2$ ,  $x=6$ 에서 극값을 갖는다.

$f(6) \times g(2) < 0$ 일 때,  $f(8)$ 의 값은? [4점]

- ① 16      ② 22      ③ 28      ④ 34      ⑤ 40

단답형

16. 수열  $\{a_n\}$ 은  $a_1 = 1$ 이고, 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = na_n + 2$$

를 만족시킨다.  $a_3$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 다항함수  $f(x)$ 에 대하여  $f'(x) = 3x^2 + 2x + 1$ 이고  $f(1) = 6$ 일 때,  $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

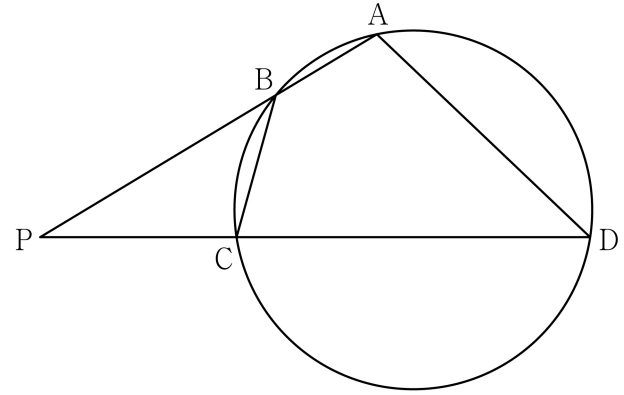
18. 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_3 = 6, \quad 2a_5 - a_4 = 15$$

일 때,  $a_{11}$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수  $f(x) = 2x^3 - 3ax^2 + 5a$ 의 극솟값이  $a$ 일 때,  
함수  $f(x)$ 의 극댓값을 구하시오. (단,  $a$ 는 상수이다.) [3점]

20. 그림과 같이 사각형 ABCD가 한 원에 내접하고  
 $\overline{AB} : \overline{CD} = 1 : 3$ ,  $\overline{BC} < \overline{AD}$ 일 때, 직선 AB와 직선 CD가  
만나는 점을 P라 하자.



다음은  $\overline{PB} : \overline{PC} : \overline{BC} = 7 : 5 : \sqrt{14}$ 이고  $\overline{AD} = 4\sqrt{13}$ 일 때,  
삼각형 BPC의 외접원의 반지름의 길이를 구하는 과정이다.

$\angle BPC = \theta$ 라 할 때,  $\overline{PB} : \overline{PC} : \overline{BC} = 7 : 5 : \sqrt{14}$ 이므로  
삼각형 BPC에서 코사인법칙에 의하여  $\cos \theta = \frac{6}{7}$ 이다.  
 $\overline{PB} : \overline{PC} = 7 : 5$ 에서  $\overline{PB} = 7k$ ,  $\overline{PC} = 5k$ ,  
 $\overline{AB} : \overline{CD} = 1 : 3$ 에서  $\overline{AB} = l$ ,  $\overline{CD} = 3l$ 이라 하자.  
원의 성질에 의하여  
삼각형 BPC와 삼각형 DPA가 서로 닮음이므로  
 $\overline{PB} : \overline{PC} = \overline{PD} : \overline{PA}$ 이고,  $l = \boxed{\text{(가)}} \times k$ 이다.  
삼각형 BPC와 삼각형 DPA의 닮음비가 1:  $\boxed{\text{(나)}}$ 이므로  
 $\overline{BC} = \frac{1}{\boxed{\text{(나)}}} \times \overline{AD}$ 이다.  
따라서 삼각형 BPC의 외접원의 반지름의 길이를  $R$ 이라 할 때,  
삼각형 BPC에서 사인법칙에 의하여  $R = \boxed{\text{(다)}}$ 이다.

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 수를 각각  $p$ ,  $q$ ,  $r$ 이라 할 때,  
 $p+q+r$ 의 값을 구하시오. [4점]

21. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $f'(10)$ 의 값을 구하시오. [4점]

0이 아닌 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\frac{f'(x)}{2} + x^2 - 2 \leq \frac{f(2x) - f(0)}{2x} \leq x^4$$

이다.

22. 곡선  $y = \log_2 x$  위에 서로 다른 두 점 A, B가 있다.

점 A에서 직선  $y = x$ 에 내린 수선의 발을 P라 하고, 점 B를 직선  $y = x$ 에 대하여 대칭이동한 점을 Q라 할 때, 네 점 A, B, P, Q가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \text{ (직선 AP의 } y \text{절편)} - \text{(직선 BQ의 } y \text{절편)} = \frac{13}{2}$$

$$(나) \text{ 직선 AB의 기울기는 } \frac{6}{7} \text{이다.}$$

사각형 APQB의 넓이가  $\frac{q}{p}$ 일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

## 제 2 교시

## 수학 영역(미적분)

## 5지선다형

23.  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{e^x - e}{x - 1}$  의 값은? [2점]

- ①  $e$       ②  $2e$       ③  $3e$       ④  $4e$       ⑤  $5e$

24.  $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{3\pi}{4}} \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) e^{\sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)} dx$  의 값은? [3점]

- ①  $e - 2$       ②  $\frac{e - 1}{2}$       ③  $\frac{e}{2}$   
 ④  $e - 1$       ⑤  $\frac{e + 1}{2}$

# 2

## 수학 영역(미적분)

25. 두 실수  $a, b$ 에 대하여  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{an^b}{\sqrt{n^4+4n} - \sqrt{n^4+n}} = 6$ 일 때,

$a+b$ 의 값은? [3점]

- ① 6      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 14

26. 곡선  $y = \frac{3}{x-1} (x > 1)$ 이 두 직선  $y=1, y=3$ 과 만나는 점을

각각 A, B라 하자. 곡선  $y = \frac{3}{x-1} (x > 1)$ 과 직선 AB로

둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ①  $4-3\ln 3$       ②  $3-3\ln 2$       ③  $4-2\ln 3$   
 ④  $3+3\ln 2$       ⑤  $3+3\ln 3$

27. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f'(x) > 0$ 이다.  
 함수  $f(x^3+x)$ 의 역함수를  $g(x)$ 라 할 때,  
 $f(2) = 1, f'(2) = 8g'(1) - 1$ 이다.  $g(1) + g'(1)$ 의 값은? [3점]
- ①  $\frac{5}{4}$     ②  $\frac{11}{8}$     ③  $\frac{3}{2}$     ④  $\frac{13}{8}$     ⑤  $\frac{7}{4}$

28. 삼차함수  $f(x)$ 와 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $g(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = g(x) - \tan g(x)$$

- 이고 다음 조건을 만족시킬 때,  $g'(0) \times (g(0))^2$ 의 값은? [4점]

(가)  $f(0) = 0, f''(\pi) = 0$

(나)  $\sin g(\pi) = 0, \lim_{x \rightarrow \infty} g(x) = \frac{3\pi}{2}$

- ① -12    ② -6    ③ -1    ④ 3    ⑤ 9

단답형
-----

29. 첫째항이 양수이고 공비가 유리수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

급수  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ 이 수렴하고, 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $a_1 + a_2 < 10$

(나) 수열  $\{a_n\}$ 의 정수인 항의 개수는 3이고,  
이 세 항의 곱은 216이다.

$\sum_{n=1}^{\infty} a_n = \frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $f(x)$ 와  
실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $g(x)$ 는  
모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = \ln\left(\frac{g(x)}{1+xf'(x)}\right)$$

를 만족시킨다.  $f(1) = 4\ln 2$ 이고

$$\int_1^2 g(x)dx = 34, \quad \int_1^2 xg(x)dx = 53$$

일 때,  $\int_1^2 xe^{f(x)}dx$ 의 값을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.