

수학 영역

KSM 1

제2교시

5지선다형

1. 두 다항식

$$A = 2x^2 + xy - 2y, \quad B = x^2 + xy + y$$

에 대하여 $A - B$ 는? [2점]

- ① $-x^2 - xy$ ② $-x^2 - 3y$ ③ $x^2 - xy$
 ④ $x^2 - 3y$ ⑤ $x^2 + y$

2. 좌표평면 위의 두 점 $(1, 0)$, $(2, -3)$ 사이의 거리는? [2점]

- ① 3 ② $\sqrt{10}$ ③ $\sqrt{11}$ ④ $2\sqrt{3}$ ⑤ $\sqrt{13}$

3. 두 행렬 $A = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬 $A + 2B$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

$$4 + 2(5)$$

4. 등식

$$x^2 + ax - 1 = (x - 1)(x + b) + 3x$$

가 x 에 대한 항등식일 때, $a + b$ 의 값은? (단, a 와 b 는 상수이다.)

[3점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

$$x^2 + (b+2)x - b$$

$$b = 1$$

$$a = 3$$

5. 좌표평면 위의 점 $(3, a)$ 를 점 $(8, 8)$ 로 옮기는 평행이동에 의하여 점 $(5, 5)$ 가 점 $(b, 2)$ 로 옮겨질 때, $a+b$ 의 값은? [3점]

- ① 21 ② 23 ③ 25 ④ 27 ⑤ 29

$$\begin{array}{l} x \text{축 } 5 \\ y \text{축 } -3 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{l} a=11 \\ b=10 \end{array}$$

6. 다항식 $(4x - ay + 2)^2$ 의 전개식에서 x^2 의 계수와 y 의 계수가 같을 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① -6 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

$$\begin{array}{l} (b)^2 \\ -4ay \end{array} \\ b = -4a, a = -4$$

7. 두 이차정사각행렬 A, B 의 (i, j) 성분을 각각 a_{ij}, b_{ij} 라 할 때,

$$a_{ij} = i + 2j \quad (i = 1, 2, j = 1, 2),$$

$$b_{ij} = i \times j \quad (i = 1, 2, j = 1, 2)$$

이다. 행렬 AB 의 $(2, 1)$ 성분은? [3점]

- ① 4 ② 7 ③ 10 ④ 13 ⑤ 16

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$AB = \begin{pmatrix} \quad \quad \\ 16 \quad \quad \end{pmatrix}$$

8. 연립방정식

$$\begin{cases} x - y = -3 \\ x^2 - 6x + 4y = 11 \end{cases}$$

의 해를 $x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값은? [3점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

$y = x + 3$ 대입

$x^2 - 6x + 4(x + 3) = 11$

$x^2 - 2x + 12 = 11 \implies x^2 - 2x + 1 = 0 \implies (x-1)^2 = 0 \implies x=1$
 $\therefore x=1$
 $y=4$

9. x 에 대한 다항식 $x^3 - (a+1)x^2 + (a-3)x + 8$ 을 $x-a$ 로 나누었을 때의 나머지가 a 일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

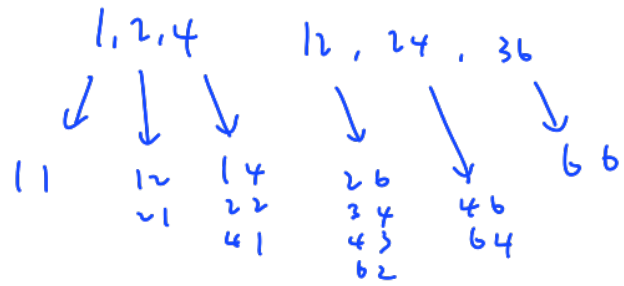
- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

$a \rightarrow a^3 - a^3 - a^2 + a^2 - 3a + 8 = a$

$a=2$

10. 한 개의 주사위를 두 번 던져서 나오는 눈의 수를 차례로 a, b 라 하자. $a \times b$ 가 4의 약수 또는 12의 배수가 되는 모든 순서쌍 (a, b) 의 개수는? [3점]

- ① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15



11. 점 $(m, -m)$ 과 직선 $3x+y+3=0$ 사이의 거리를 d_1 ,
 점 $(0, 5)$ 와 직선 $3x+y+3=0$ 사이의 거리를 d_2 라 하자.
 $d_1 < d_2$ 가 되도록 하는 정수 m 의 개수는? [3점]

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

$$d_1 = \frac{|2m+3|}{\sqrt{10}}, \quad d_2 = \frac{8}{\sqrt{10}}$$

$$d_1 < d_2 \quad |2m+3| < 8$$

$$-\frac{11}{2} < m < \frac{5}{2}$$

$$-5 \leq m \leq 2 \quad \text{8개}$$

12. 실수 a 에 대하여 복소수 z 를 $z = a^2 + (1+i)a - 6(2+i)$ 라
 하자. z^2 이 실수가 되도록 하는 모든 a 의 값의 합은?
 (단, $i = \sqrt{-1}$) [3점]

- ① -4 ② -1 ③ 2 ④ 5 ⑤ 8

$$z = (a^2 + a - 12) + (a - 6)i$$

$$a^2 + a - 12 = 0 \quad \text{or} \quad a = 6$$

↓

$$a = -4, 3$$

$$\therefore -4 + 3 + 6 = 5$$

13. x 에 대한 연립부등식

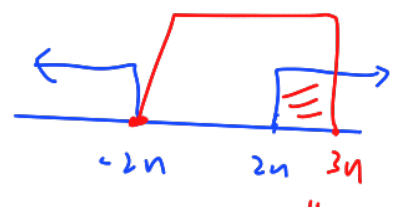
$$\begin{cases} x^2 \geq 4n^2 \\ x^2 - nx - 6n^2 \leq 0 \end{cases}$$

을 만족시키는 정수 x 의 개수가 10이 되도록 하는 자연수 n 의 값은? [3점]

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

$$\begin{cases} (x+2n)(x-2n) \geq 0 \\ (x-3n)(x+2n) \leq 0 \end{cases}$$

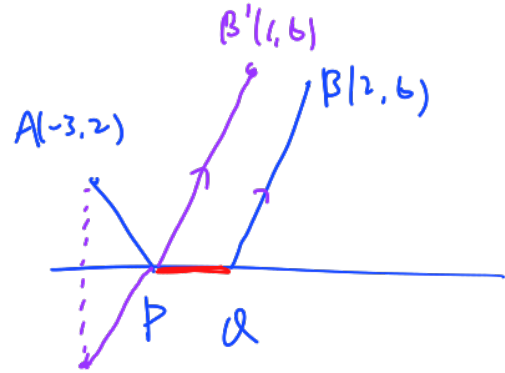
$$\begin{cases} x \leq -2n, x \geq 2n \\ -2n \leq x \leq 3n \end{cases}$$



$-2n$ $2n$ $3n$
 $1 > 4$ $9 > 4$ $n+1 = 9$
 $n = 8$

14. 좌표평면 위에 두 점 $A(-3, 2)$, $B(2, 6)$ 이 있다. $\overline{PQ} = 1$ 인 x 축 위의 두 점 P, Q 에 대하여 $\overline{AP} + \overline{QB}$ 의 최솟값은? (단, 점 P 의 x 좌표는 점 Q 의 x 좌표보다 작다.) [4점]

- ① $2\sqrt{17}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{19}$ ④ $4\sqrt{5}$ ⑤ $2\sqrt{21}$



$$AP + QB$$

$$= A'P + QB' \geq A'B' = 4\sqrt{5}$$

6

수학 영역

15. 세 이차정사각행렬 $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$, B, C 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $AB = CA = O$
- (나) 행렬 B 의 모든 성분의 합이 3이고, 행렬 C 의 (1, 1) 성분과 (2, 1) 성분이 같다.

$BC = A$ 일 때, 행렬 C 의 모든 성분의 합은?
(단, O 는 영행렬이다.) [4점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

$$\begin{matrix} A & B \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 6 & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} a & b \\ a & b \end{pmatrix} \end{matrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$a+b=3$

$$\begin{matrix} C & A \\ \begin{pmatrix} c & 0 \\ c & 0 \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 6 & 0 \end{pmatrix} \end{matrix} = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{matrix} B & C & A \\ \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ a & b \end{pmatrix} & \begin{pmatrix} c & 0 \\ c & 0 \end{pmatrix} & = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ ac+bc & 0 \end{pmatrix}$$

$\therefore ac+bc = 6$

$(a+b)c = 6$

$\therefore \underline{c=2} \quad 2c=4$

16. 1학년 학생 3명, 2학년 학생 2명, 3학년 학생 1명이 있다.

이 6명의 학생 중에서 5명의 학생을 선택하고 이 5명의 학생이 모두 한 번씩 발표하도록 순서를 정하려고 할 때, 1학년 학생끼리는 연속해서 발표하지 않도록 순서를 정하는 경우의 수는?
(단, 발표는 한 명씩 한다.) [4점]

- ① 228 ② 234 ③ 240 ④ 246 ⑤ 252

$$\begin{aligned} 11122 &\rightarrow 3! \times 2 = 12 \\ 11123 &\rightarrow 3! \times 2 \times 2 = 24 \\ 11223 &\rightarrow 3! \times 3! \times 4P_2 = 216 \end{aligned}$$

\downarrow 1학년끼리 (223) (11)
 \downarrow 2 2 3

) 252

17. 양수 a 에 대하여 $0 \leq x \leq a$ 에서
이차함수 $f(x) = -2x^2 + 16x - 7$ 의 최댓값과 최솟값의 합이 0이
되도록 하는 모든 a 의 값의 합은? [4점]

- ① $\frac{17}{2}$ ② 9 ③ $\frac{19}{2}$ ④ 10 ⑤ $\frac{21}{2}$

$$f(x) = -2(x-4)^2 + 25$$

$$\begin{aligned} f(a) &= -2a^2 + 16a - 7 \\ f(0) &= -7 \\ f(4) &= 25 \\ f(0) + f(4) &= 0 \end{aligned}$$



$$a \leq 4$$

$$f(a) + f(0)$$

$$= -2a^2 + 16a - 7 = 0$$

$$a^2 - 8a + 7 = 0$$

$$a = 1, 7$$

$$\therefore a = 1$$

$$(\because a \leq 4)$$



$$a \geq 4$$

$$f(4) + f(a)$$

$$= -2a^2 + 16a + 18 = 0$$

$$a^2 - 8a - 9 = 0$$

$$(a+1)(a-9) = 0$$

$$a = 9$$

$$(\because a \geq 4)$$

$$\Rightarrow 1 + 9 = 10$$

18. x 에 대한 다항식 $x^3 + (2a+3)x^2 + (3a+5)x + a+3$ 이
 $(x+b)(x+c)^2$ 으로 인수분해되도록 하는 세 실수 a, b, c 에 대하여
 $a+b+c$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, $M+m$ 의 값은?
[4점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

$$x = -1 \rightarrow -1 + 2a + 3 - 3a - 5 + a + 3 = 0$$

$$(x+1)(x^2 + (2a+2)x + a+3) = f(x)$$

i) $f(x)$ 의 $\Delta/4 = 0$

$$a^2 + 2a + 1 - a - 3 = 0$$

$$a^2 + a - 2 = 0$$

$$a = -2, 1$$

$a = -2$	$(x+1)(x-1)^2$	a	b	c
$a = 1$	$(x+1)(x+2)^2$	-2	1	-1
		1	1	2

(ii) $f(x)$ 가 $(x+1)$ 일차 인수 가짐

$$f(4) = -2a - 2 + a + 3 = 0$$

$a = 2$	$\rightarrow (x+1)^2(x+5)$	a	b	c
		2	5	1

$$\therefore a+b+c = -2, 4, 9$$

$$\begin{aligned} M &= 9 \\ m &= -2 \end{aligned} \quad M+m = 6$$

19. 최고차항의 계수가 1인 삼차다항식 $f(x)$ 와 모든 항의 계수가 실수인 두 다항식 $P(x), Q(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $f(x)$ 를 $P(x)$ 로 나누었을 때의 몫은 $Q(x)$ 이고 나머지는 $P(x) + \{Q(x)\}^2$ 이다.
- (나) $f(x)$ 를 $Q(x)$ 로 나누었을 때의 몫은 $P(x)$ 이고 나머지는 $P(x) + \{Q(x)\}^2$ 이다.

$P(0) = -2, Q(0) = 1$ 일 때, $f(2)$ 의 값은? [4점]

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

$f(x) = P(x)Q(x) + P(x) + \{Q(x)\}^2$ 1차 이하
 $f(x) = Q(x)P(x) + P(x) + \{Q(x)\}^2$ 상승
 a_1x 가 2차변, $\{Q(x)\}^2$ 4차 (x)
 $\therefore a_1(x): 1차 \quad P(x): 2차$
 $P(x) = ax^2 + bx - 2$ f의 2차항 계수: 1
 $Q(x) = cx + 1$ ac = 1
 $P(x) + \{Q(x)\}^2: 상수$ a = 1/c
 $(a+c^2)x^2 + (b+2c)x - 1$
 $c^2 + c^2 = 0$
 $\therefore c = -1 \quad b = 2 \quad a = -1$
 $P(x) = 4x^2 + 2x - 2 = -2$
 $Q(x) = 2x + 1 = -1$
 $f(2) = P(2)Q(2) + P(2) + \{Q(2)\}^2 = 2 - 2 + 1 = 1$

20. 0이 아닌 실수 a 에 대하여 좌표평면 위의 서로 다른 세 점 $A(2a, 0), B, C$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- 삼각형 ABC의 무게중심의 좌표는 $(0, 2)$ 이다.
- $\overline{AB} = \overline{AC}$

다음은 $\overline{BC} = 2\sqrt{a^2 + 1}$ 일 때, 점 B의 x 좌표와 y 좌표의 합을 구하는 과정이다. (단, 점 B의 x 좌표는 점 C의 x 좌표보다 크다.)

선분 BC의 중점을 $M(b, c)$, 삼각형 ABC의 무게중심을 G 라 하면, 점 $G(0, 2)$ 는 선분 AM을 2:1로 내분하는 점이므로 $b = -a, c =$ (가) 3이다.
 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 직선 AM의 기울기가 $-\frac{1}{a}$ 이므로 $y =$ (나) $\times \{x - (-a)\} +$ (가) 3이다.
 직선 BC의 방정식은 $y =$ (라) $\times (k+a) +$ (가) 3이다.
 점 B의 x 좌표를 k 라 하면 $y = a(k+a) + 3$
 점 B의 y 좌표는 (나) $\times (k+a) +$ (가) 3이다.
 $\overline{BM} = \frac{1}{2}\overline{BC}$ 이고 점 B의 x 좌표가 점 C의 x 좌표보다 크므로 $k =$ (다) 1-a이다.
 따라서 점 B의 x 좌표와 y 좌표의 합은 (라) 4이다.

위의 (가), (라)에 알맞은 수를 각각 p, q 라 하고, (나), (다)에 알맞은 식을 각각 $f(a), g(a)$ 라 할 때, $f(p) \times g(q)$ 의 값은? [4점]

- ① -10 ② $-\frac{19}{2}$ ③ -9 ④ $-\frac{17}{2}$ ⑤ -8

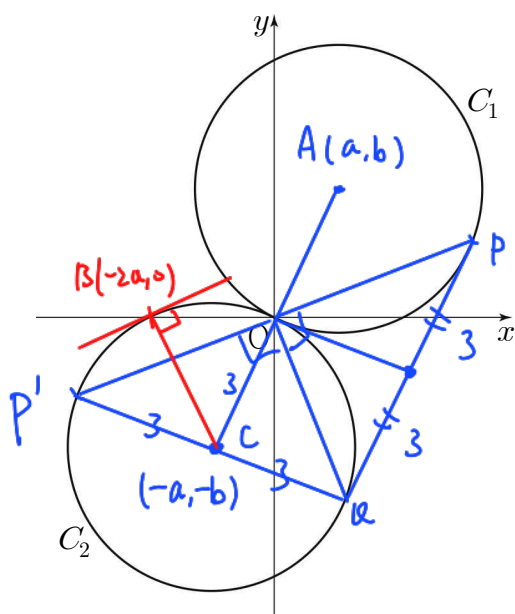
(다) $B(k, a(k+a)+3)$
 $M(-a, 3)$
 기울기 a $\sqrt{a^2+1}$
 $\overline{BM} = \sqrt{a^2+1}(k+a) = \sqrt{a^2+1}$
 $k+a=1, k=1-a$
 $B(k, a+3)$
 $\therefore k+a+3=4$
 $p=3, q=4$
 $f(p) \times g(q) = 3 \times (-3) = -9$

21. 좌표평면 위의 제1사분면에 있는 점 A를 중심으로 하고 원점 O를 지나는 원 C_1 이 있다. 원 C_1 을 원점 O에 대하여 대칭이동한 원을 C_2 라 할 때, 두 원 C_1, C_2 가 다음 조건을 만족시킨다.

삼각형 OPQ의 외접원의 중심이 선분 PQ 위에 있도록 하는 원 C_1 위의 점 P와 원 C_2 위의 점 Q에 대하여 $\overline{PQ}=6$ 이다.

원 C_2 가 x 축과 만나는 점 중 O가 아닌 점을 B라 할 때, 원 C_2 위의 점 B에서의 접선을 l 이라 하자. 직선 l 의 기울기가 $\frac{1}{2}$ 일 때, 점 A와 직선 l 사이의 거리는? [4점]

- ① $\frac{3}{5}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{11}{15}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{13}{15}$



$\overline{OA}=3 \rightarrow a^2+b^2=9$
 BC 기울기 $-\frac{1}{2} = \frac{-b}{a} \rightarrow b=2a$
 $\therefore a^2 = \frac{9}{5}, a = \frac{3}{\sqrt{5}}$
 $b^2 = \frac{36}{5}$
 \therefore 직선 $l: y = \frac{1}{2}(x+2a)$, $x-2y+2a=0$ $A(a, b)$
 $d = \frac{|a-2b+2a|}{\sqrt{5}} = \frac{a}{\sqrt{5}} = \frac{3}{5}$

단답형

22. 직선 $y = (5-2k)x+2$ 와 직선 $y = x+3$ 이 서로 평행할 때, 상수 k 의 값을 구하시오. [3점]

2
 $5-2k=1$

23. 등식 ${}_n C_2 = {}_3 P_2 \times n$ 을 만족시키는 자연수 n 의 값을 구하시오. [3점]

13
 $\frac{n(n-1)}{2} = 6n, n=13$

24. 두 행렬 $A = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 8 & 2 \\ 2 & 8 \end{pmatrix}$ 에 대하여
 $pA - B = q \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.
 (단, p 와 q 는 상수이다.) [3점]

6

$$\begin{pmatrix} 4p-8 & 3p-2 \\ 3p-2 & 4p-8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & q \\ q & 0 \end{pmatrix}$$

$$p=2$$

$$q=4$$

25. 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 6장의 카드가 있다.
 이 6장의 카드를 모두 한 번씩 사용하여 일렬로 나열할 때,
 양 끝에 놓인 카드에 적힌 두 수의 곱이 홀수가 되도록 나열하는
 경우의 수를 구하시오. [3점]

144



$$(3 \times 2) \times 4! = 144$$

26. x 에 대한 사차방정식 $(2x^2 + kx)^2 + 10(2x^2 + kx) + 16 = 0$ 의
 서로 다른 실근의 개수가 2가 되도록 하는 모든 자연수 k 의 값의
 합을 구하시오. [4점]

18

$$2x^2 + kx = A$$

$$A^2 + 10A + 16 = 0$$

$$A = -2, -8$$

$$2x^2 + kx + 2 = 0 \quad D_1 = k^2 - 16$$

$$2x^2 + kx + 8 = 0 \quad D_2 = k^2 - 64$$

$D_1 > D_2$

$$k^2 > 2x^2 \Rightarrow D_1 > 0$$

$$D_2 < 0$$

$$\therefore 16 < k^2 < 64$$

$$k = 5, 6, 7$$

$$5 + 6 + 7 = 18$$

27. 상수 k 에 대하여 x 에 대한 이차방정식

$$x^2 + kx - \frac{1}{2}k^2 + 3k = 0$$

이 서로 다른 두 실근 α, β 를 갖는다.

$\alpha^2 - k\beta = 12$ 일 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

20

$$\begin{aligned} \alpha + \beta &= -k \\ \alpha\beta &= -\frac{1}{2}k^2 + 3k \end{aligned} \quad \left| \quad D = k^2 + 2k - (2k) > 0 \right.$$

$$k - 4k > 0$$

$$k < 0 \text{ or } k > 4$$

$$\alpha = \beta \text{ 인 } \Rightarrow \alpha^2 + k\alpha - \frac{1}{2}k^2 + 3k = 0$$

$$\alpha^2 = k + k\beta \Rightarrow \left(k + k\beta \right) + k\left(k + k\beta \right) - \frac{1}{2}k^2 + 3k = 0$$

$$-\frac{3}{2}k^2 + 3k + 12 = 0$$

$$k^2 - 2k - 8 = 0, \quad k = -2, 4$$

$$\therefore k = -2 \quad (\because D > 0)$$

$$\alpha + \beta = 2$$

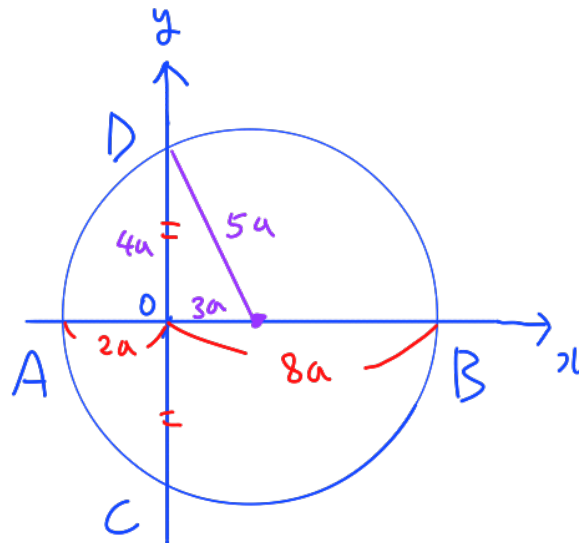
$$\alpha\beta = -8$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 20$$

28. 원 O 가 x 축과 두 점 A, B 에서 만나고, y 축과 두 점 C, D 에서 만난다. 네 점 A, B, C, D 와 원 O 가 다음 조건을 만족시킬 때, 사각형 $ACBD$ 의 넓이를 구하시오. (단, 점 A 의 x 좌표는 점 B 의 x 좌표보다 작고, 점 C 의 y 좌표는 점 D 의 y 좌표보다 작다.) [4점]

- (가) 선분 AB 를 1:4로 내분하는 점은 선분 CD 의 중점이다.
 (나) 원 O 가 직선 $4x - 3y + 13 = 0$ 에 접한다.

40



$$(1-3a)^2 + y^2 = 25a^2$$

$$(3a, 0) \sim 4x - 3y + 13 = 0 \quad \frac{|12a + 13|}{5} = 5a$$

$$a = 1$$

$$S = \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{CD}$$

$$= \frac{1}{2} \times 10a \times 8a = 40a^2 = 40$$

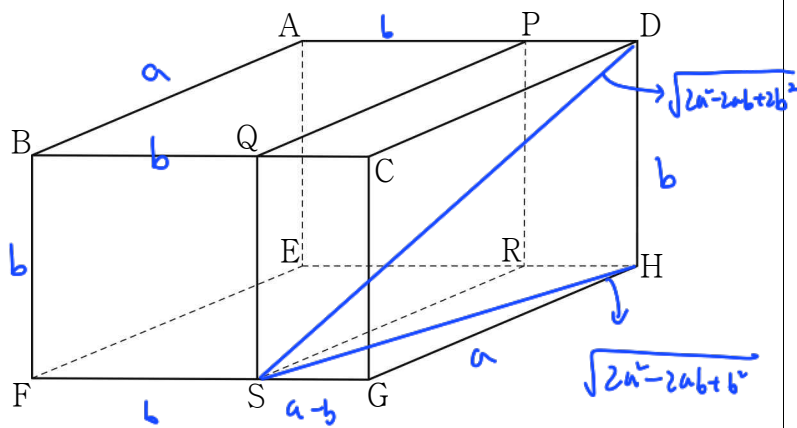
29. 그림과 같이 정사각형 ABCD를 밑면으로 하는 직육면체 ABCD-EFGH가 있다. 선분 AD 위의 점 P와 선분 BC 위의 점 Q를 $\overline{AP} = \overline{BQ} = \overline{BF}$ 가 되도록 잡고, 점 P에서 선분 EH에 내린 수선의 발을 R, 점 Q에서 선분 FG에 내린 수선의 발을 S라 하자. 직육면체 ABCD-EFGH의 부피를 V_1 , 직육면체 ABQP-EFSR의 부피를 V_2 라 하자.

$$(\overline{AB} + \overline{BF}) \times \overline{SD}^2 = \frac{35}{4}, \quad V_1 + V_2 = \frac{15}{4}$$

일 때, $(\overline{AB} + \overline{BF})^3 = \frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, $\overline{AB} > \overline{BF}$ 이고, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

133



$$\overline{SD}^2 = 2a^2 - 2ab + b^2$$

$$i) (a+b)(2a^2 - 2ab + b^2) = \frac{35}{4} \\ \Rightarrow a^3 + b^3 = \frac{35}{8}$$

$$ii) V_1 + V_2 = a^2b + ab^2 = \frac{15}{4} \\ ab(a+b) = \frac{15}{4}$$

$$\therefore (\overline{AB} + \overline{BF})^3 = (a+b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a+b) \\ = \frac{35}{8} + \frac{45}{4} = \frac{125}{8}$$

30. 두 상수 $p(p > 0), q$ 에 대하여

$$이차함수 f(x) = \frac{1}{2}(x-p)^2 + q가 있다.$$

함수 $f(x)$ 와 양수 m 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

$$g(x) = -f(x-m) = -\frac{1}{2}(x-m-p)^2 - q$$

이라 할 때, 방정식 $f(x) = g(x)$ 가 서로 다른 두 실근 $\alpha, \beta (\alpha < \beta)$ 를 갖는다. 함수 $h(x)$ 를

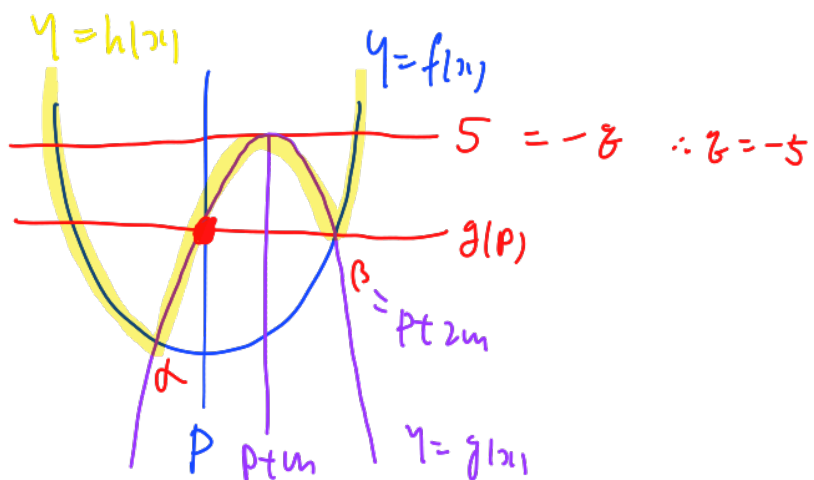
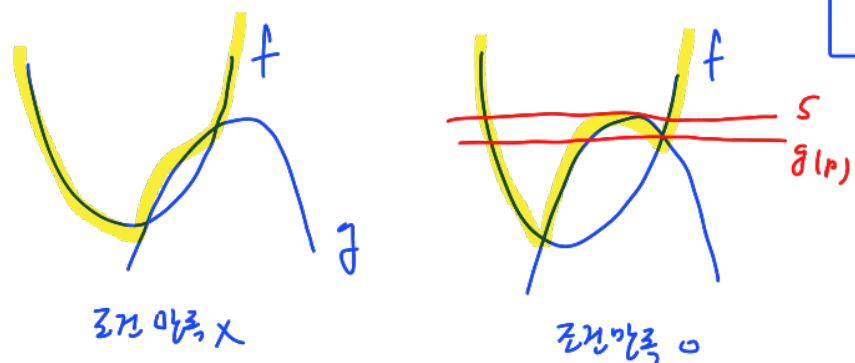
$$h(x) = \begin{cases} f(x) & (x \leq \alpha \text{ 또는 } x \geq \beta) \\ g(x) & (\alpha < x < \beta) \end{cases}$$

라 할 때, 함수 $h(x)$ 는 다음 조건을 만족시킨다.

x 에 대한 방정식 $h(x) = t$ 의 서로 다른 실근의 개수가 2 이상이면서 서로 다른 모든 실근의 합이 $4p + 2m$ 이 되도록 하는 모든 실수 t 의 값의 범위는 $g(p) < t < 5$ 이다.

$f(m) + g(m) = -4$ 일 때, $m \times (p - q)$ 의 값을 구하시오. [4점]

16



$$f(x) = \frac{1}{2}(x-p)^2 - 5 \\ g(x) = -\frac{1}{2}(x-p-m)^2 + 5 \\ g(p) = f(\beta) = f(p+2m) \\ -\frac{1}{2}m^2 + 5 = 2m^2 - 5 \\ \therefore m = 2$$

$$f(m) + g(m) = -4 \\ = f(m) + g(m) = -4 \\ = \frac{1}{2}(2-p)^2 - \frac{1}{2}(p)^2 = -4 \\ -2p + 2 = -4 \quad \therefore p = 3 \\ m \times (p - q) = 2 \times (3 + 5) = 16$$

※ 확인 사항
○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.