

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. $4^{1+\sqrt{2}} \times \left(\frac{1}{2}\right)^{1+2\sqrt{2}}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

2. 함수 $f(x) = x^3 - 3x + 1$ 에 대하여 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h}$ 의 값은? [2점]

- ① 24 ② 26 ③ 28 ④ 30 ⑤ 32

3. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{k=1}^5 a_k = 5$ 일 때, $\sum_{k=1}^5 (2a_k - 1)$ 의 값은?

[3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x+a & (x < 2) \\ x^2+x-a & (x \geq 2) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 함수 $f(x) = (x+1)(x^2+x+3)$ 에 대하여 $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

6. $\tan\theta < 0$ 이고 $\cos\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{3}$ 일 때, $\cos\theta$ 의 값은? [3점]

- ① $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ② $-\frac{\sqrt{5}}{3}$ ③ $-\frac{1}{3}$
 ④ $\frac{1}{3}$ ⑤ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

7. 함수 $f(x) = 6x + a$ 에 대하여

$$\int_0^1 f(x)dx = \int_1^2 (x-1)f(x)dx$$

일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

8. 두 양수 a, b 가

$$\log_{\sqrt{a}} 3 = b, \log_3 a = \frac{b}{2}$$

를 만족시킬 때, $a+b$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

9. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = (x-1)f(x)$$

가 있다. 곡선 $y=g(x)$ 위의 점 $(2, 1)$ 에서의 접선이 원점을 지날 때, $f'(2)$ 의 값은? [4점]

- ① $-\frac{5}{2}$ ② -2 ③ $-\frac{3}{2}$ ④ -1 ⑤ $-\frac{1}{2}$

10. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = (a_n)^2 - 6a_n + 9$$

를 만족시킨다. $a_1 = 5$ 일 때, $a_8 + a_9 + a_{10}$ 의 값은? [4점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

11. 시각 $t=0$ 일 때 원점에서 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P가 있다. 시각이 $t(t \geq 0)$ 일 때 점 P의 속도 $v(t)$ 가

$$v(t) = 3t^2 - 4t - 15$$

일 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

— <보 기> —

- ㄱ. 시각 $t=3$ 일 때 점 P의 운동 방향이 바뀐다.
 ㄴ. 시각 $t=5$ 일 때 점 P는 원점을 다시 지난다.
 ㄷ. 시각 $t=0$ 에서 $t=5$ 까지 점 P가 움직인 거리는 72이다.

- ① ㄱ ② ㄱ, ㄴ ③ ㄱ, ㄷ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

12. 첫째항이 6인 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n a_k = \sum_{k=1}^n (-1)^k a_k$$

를 만족시키는 모든 자연수 n 의 값의 합이 11일 때, a_7 의 값은?
 [4점]

- ① -15 ② -12 ③ -9 ④ -6 ⑤ -3

13. 삼차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

모든 실수 a 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow a} \left\{ \frac{|f(x)|}{f(x)} + \frac{|x-1|}{x-1} \right\} = 0$ 이다.

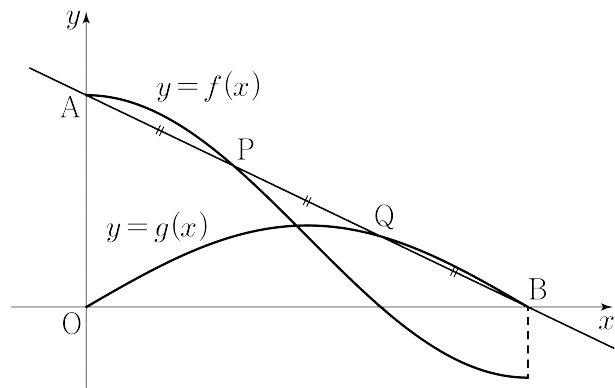
$f'(0) = -5$, $f(3) = 0$ 일 때, $f(6)$ 의 값은? [4점]

- ① -18 ② -15 ③ -12 ④ -9 ⑤ -6

14. 두 양수 $a(0 < a < 1)$, b 에 대하여 집합 $\{x \mid 0 \leq x \leq \pi\}$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \cos x + a, \quad g(x) = b \sin x$$

가 있다. 그림과 같이 곡선 $y = f(x)$ 와 y 축의 교점을 A, 곡선 $y = g(x)$ 와 x 축의 교점 중 원점이 아닌 점을 B라 하자. 직선 AB와 곡선 $y = f(x)$ 의 교점 중 A가 아닌 점을 P, 직선 AB와 곡선 $y = g(x)$ 의 교점 중 B가 아닌 점을 Q라 할 때, $\overline{AP} = \overline{PQ} = \overline{QB}$ 이다. $a \times b$ 의 값은? [4점]



- ① $\frac{\sqrt{3}}{6}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{4}$ ③ $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ④ $\frac{5\sqrt{3}}{12}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{2}$

15. $f(4)=0$ 이고 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수

$$g(x) = \begin{cases} -3x & (x < 3) \\ f(x) & (x \geq 3) \end{cases}$$

이 있다. 다음 조건을 만족시키는 실수 t 의 개수가 2일 때, $f(10)$ 의 값은? [4점]

$0 < x_1 < x_2$ 이고 $g(x_1) = g(x_2) = t$ 인 두 실수 x_1, x_2 의 순서쌍 (x_1, x_2) 는 오직 하나뿐이다.

- ① 46 ② 50 ③ 54 ④ 58 ⑤ 62

단답형

16. 방정식 $\log_9(x+16) = \log_9 x + \frac{1}{2}$ 을 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오. [3점]

17. 다항함수 $f(x) = 3x^2 + 6x + 1$ 의 한 부정적분 $F(x)$ 에 대하여 $F(2) - F(0)$ 의 값을 구하시오. [3점]

18. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_n = 3a_{n+1}$$

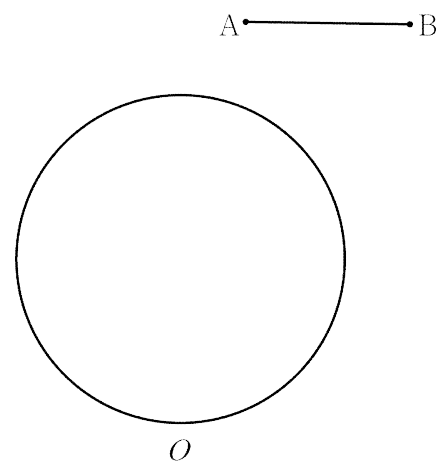
을 만족시킨다. $a_5 = \frac{1}{3}$ 일 때, a_1 의 값을 구하시오. [3점]

19. 함수 $f(x) = 2x^3 - 3ax^2 + 27$ 의 극솟값이 0일 때,
 $f'(5)$ 의 값을 구하시오. (단, a 는 상수이다.) [3점]

20. 그림과 같이 반지름의 길이가 2인 원 O 가 있다. 원 O 와 만나지 않는 선분 AB 와 원 O 위의 점 P 에 대하여 \overline{AP} 가 최대일 때의 점 P 를 P_1 , \overline{BP} 가 최대일 때의 점 P 를 P_2 라 하자.

$$\overline{AP_1} = 5, \overline{BP_2} = 6, \overline{P_1P_2} = 1$$

일 때, $\frac{\sin(\angle BAP_1)}{\sin(\angle AP_1B)} = k$ 이다. $2k^2$ 의 값을 구하시오. [4점]



21. 다항함수 $f(x)$ 와 두 상수 $a(a > 0)$, b 에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x < 0) \\ x^4 - ax^3 + b & (x \geq 0) \end{cases}$$

이 다음 조건을 만족시킬 때, $|f(a)|$ 의 값을 구하시오. [4점]

- (가) 모든 실수 x 에 대하여 $g(x) + g(-x) = 0$ 이다.
 (나) 곡선 $y = g(x)$ 와 x 축으로 둘러싸인 모든 부분의 넓이의 합은 $\frac{16}{5}$ 이다.

22. 직선 $y = 2x + 5$ 와 곡선 $y = -\log_2 x$ 가 만나는 점을 A, 양수 k 에 대하여 직선 $y = 2x - 5$ 와 곡선 $y = k \times 4^{-x} + 1$ 이 만나는 점을 B라 하자. $\overline{AB} = 5$ 이고 직선 AB의 기울기가 음수일 때, k 의 값을 구하시오. [4점]

제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

5지선다형

23. 다항식 $(x^2+2)^6$ 의 전개식에서 x^8 의 계수는? [2점]

- ① 40
- ② 45
- ③ 50
- ④ 55
- ⑤ 60

24. 두 사건 A, B 에 대하여

$$P(A|B)=P(B)=\frac{1}{2}, \quad P(A \cup B)=\frac{2}{3}$$

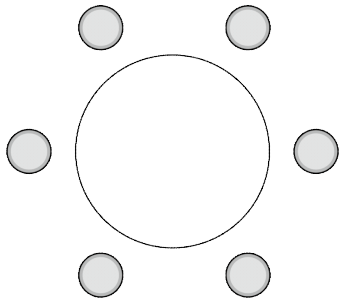
일 때, $P(A)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$
- ② $\frac{5}{12}$
- ③ $\frac{1}{2}$
- ④ $\frac{7}{12}$
- ⑤ $\frac{2}{3}$

2

수학 영역(확률과 통계)

25. 그림과 같이 원 모양의 탁자에 6개의 의자가 일정한 간격으로 놓여 있다. 1학년 학생 1명, 2학년 학생 2명, 3학년 학생 3명이 의자에 앉을 때, 1학년 학생의 양옆에는 모두 같은 학년의 학생이 앉는 경우의 수는? [3점]



- ① 48 ② 52 ③ 56 ④ 60 ⑤ 64

26. 평균이 m 이고 표준편차가 5인 정규분포를 따르는 모집단에서 크기가 n 인 표본을 임의추출하여 얻은 표본평균이 \bar{x} 일 때, 모평균 m 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간이

$$\bar{x} + c \leq m \leq \bar{x} + 2c + 2.94$$

이다. n 의 값은? (단, c 는 상수이고, Z 가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때, $P(|Z| \leq 1.96) = 0.95$ 로 계산한다.) [3점]

- ① 64 ② 81 ③ 100 ④ 121 ⑤ 144

27. 상수 m 에 대하여 확률변수 X 는 정규분포 $N(m, 2^2)$ 을 따르고, 확률변수 Y 는 정규분포 $N(m+3, 2^2)$ 을 따른다. 임의의 양수 t 에 대하여

$$P(2 \leq X \leq 2+t) = P(7-t \leq Y \leq 7)$$

을 만족시킨다.

$$P(Y \geq 4) - P(X \geq 4)$$

의 값을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

z	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772

- ① 0.1498 ② 0.3830 ③ 0.4772 ④ 0.5328 ⑤ 0.6826

28. 검은색 카드 4장, 파란색과 빨간색 카드가 각각 2장씩 있다. 이 8장의 카드를 네 학생 A, B, C, D에게 다음 규칙에 따라 남김없이 나누어 주는 경우의 수는? (단, 카드를 받지 못하는 학생은 없고, 같은 색 카드끼리는 서로 구별하지 않는다.) [4점]

(가) 검은색 카드를 받지 못하는 학생은 빨간색 카드도 받지 못한다.

(나) 검은색 카드를 1개만 받는 학생은 파란색 카드를 받지 못한다.

- ① 196 ② 198 ③ 200 ④ 202 ⑤ 204

단답형

29. 수직선 위의 점 P 에 대하여 두 개의 주사위를 동시에 던져 나온 두 눈의 곱이 짝수이면 점 P 를 양의 방향으로 1만큼 움직이고, 두 눈의 곱이 홀수이면 점 P 를 음의 방향으로 2만큼 움직이는 시행을 한다. 이 시행을 3번 반복할 때, 원점에서 출발한 점 P 의 좌표가 0 이상일 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 두 자연수 m, n 에 대하여 상자 A에는 숫자 2와 3이 하나씩 적혀 있는 공이 각각 m 개, n 개 들어 있고, 상자 B에는 숫자 1이 적혀 있는 공이 1개 들어 있다. 상자 A에서 임의로 공을 한 개씩 꺼내어 상자 B에 넣을 때, 상자 B에 들어 있는 모든 공에 적혀 있는 수의 합이 처음으로 짝수가 될 때까지 상자 A에서 꺼낸 공의 개수를 확률변수 X 라 하자.

$$P(X \leq 4) = 1, \quad P(X = 4) = \frac{1}{10}$$

일 때, $(m+n) \times E(X)$ 의 값을 구하시오. [4점]

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{e^x - 1}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

24. 곡선 $e^{xy} + y = 3$ 위의 점 $(0, 2)$ 에서의 접선의 x 절편은?

[3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

2

수학 영역(미적분)

25. 수열 $\{a_n\}$ 이

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{a_n} - \frac{1}{3n+1} \right) = 0$$

을 만족시킬 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2+1}-n)a_n$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{3}{4}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ 3 ④ 6 ⑤ 12

26. 곡선 $y=(x-1)e^{x-2}$ 이 직선 $y=x-1$ 과 만나는 서로 다른

두 점을 각각 A, B라 하자. 곡선 $y=(x-1)e^{x-2}$ 과 선분 AB로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{1}{8} - \frac{1}{4e}$ ② $\frac{1}{4} - \frac{1}{2e}$ ③ $\frac{1}{2} - \frac{1}{e}$
 ④ $\frac{1}{2} - \frac{1}{2e}$ ⑤ $1 - \frac{1}{e}$

27. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여

$$f(x)f(\pi-x) = \sin x$$

를 만족시킨다. $f(0)=3$ 일 때, $f'(\pi)$ 의 값은? [3점]

- ① -2 ② -1 ③ $-\frac{1}{2}$ ④ $-\frac{1}{3}$ ⑤ $-\frac{1}{6}$

28. 함수 $f(x) = x^2 e^{-\frac{2x}{e}}$ 과 삼차함수 $g(x)$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수

$$h(x) = \begin{cases} f(g(x)) & (x < 0) \\ g(f(x)) & (x \geq 0) \end{cases}$$

이 다음 조건을 만족시킬 때, $g(-1)$ 의 최댓값은? [4점]

- (가) 함수 $h(x)$ 가 $x=k$ 에서 극대 또는 극소가 되도록 하는 실수 k 의 개수는 3이다.
 (나) 함수 $h(x)$ 는 최댓값 4를 갖는다.

- ① 12 ② 16 ③ 20 ④ 24 ⑤ 28

단답형

29. 모든 항이 정수인 수열 $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{k=1}^4 a_k = 4, \quad \sum_{k=1}^{\infty} |a_k| = 4$$

를 만족시킨다. 모든 자연수 k 에 대하여 급수

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{a_k}{k}\right)^n$$

이 수렴하고, 이 값을 b_k 라 하자. $b_2 \times b_3 \times b_4 \neq 0$ 일 때,

$\sum_{k=1}^{\infty} b_k$ 의 최댓값은 M 이다. $6M$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 실수 t 에 대하여 함수 $f(x) = x^3 + 2x + t$ 의 역함수를 $g(x)$ 라 하고, 방정식

$$\left(\frac{g(x)}{x}\right)' = 0$$

의 실근을 $h(t)$ 라 하자. $\int_2^{16} h(t)dt$ 의 값을 구하시오. [4점]

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.