

* 2020 학년도 평가전 9월 수학 나형 19번.

$$f(x) = 4x^4 + 4x^3, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{1}{n+k} \cdot f\left(\frac{k}{n}\right) = ?$$

$$1) x_k = \frac{k}{n}. \quad \therefore x_1 = \frac{1}{n}, \quad x_n = 1.$$

$$2) dx = \frac{1}{n}.$$

$$\therefore \frac{1}{n+k} = \frac{\left(\frac{1}{n}\right)}{1 + \left(\frac{k}{n}\right)} \quad (\because n \neq 0) = \frac{dx}{1+x_k}$$

$$3) \lim_{n \rightarrow \infty} x_1 = 0 \text{ (왼끝, } \because k=1 \text{부터)}, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} x_n = 1 \text{ (오른끝, } \because k=n \text{까지)}$$

따라서 주어진 $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{1}{n+k} f\left(\frac{k}{n}\right)$ 는

$$\int_0^1 \frac{f(x)}{1+x} dx = \int_0^1 \frac{4x^3(x+1)}{1+x} dx = \int_0^1 4x^3 dx = [x^4]_0^1 = 1 //$$

무한급수와 정적분의 테아에서 $\frac{b-a}{n}$ 는 내등분리할 때만 쓰고, 실제

문제에서는 위와 같이 3단계로 접근해야 한다.

\Rightarrow 무한급수를 정적분으로 바꾸는 것은 공식이 아니고 접근순서에 따라서 바뀐다.